

受験番号	氏名	模範解答
------	----	------

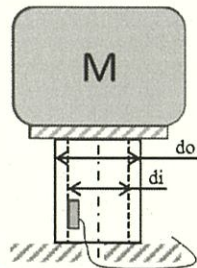
総得点

材料力学 (1の1)

(問1) 図のように剛板をはさんで質量 M のおもりが与えられ、中空丸棒は軸圧縮荷重を受けている。この丸棒は外径 $d_o=24\text{mm}$ 、内径 $d_i=20\text{mm}$ である。なお、剛板の自重は考えず、丸棒は座屈変形が生じないとする。また重力加速度 $g=9.8\text{m/s}^2$ とし良い。

問 1 (得点)

- (1) 質量 $M=200\text{kg}$ のとき、丸棒材に生じる軸圧縮応力 σ を計算しなさい。(配点 10 点)
- (2) おもりを与えているとき、内壁に貼付したひずみゲージの値は $\epsilon=21 \times 10^{-5}$ であった。この丸棒材の縦弾性係数 E を計算しなさい。(配点 10 点)



$\sigma = E \epsilon$
 $E = \frac{\sigma}{\epsilon} = \frac{14.2}{21 \times 10^{-5}} \approx 67619 \text{ MPa}$
 $\approx 68 \text{ GPa}$

(1) 軸圧縮荷重 P は、
 $P = M \cdot g = 200 \times 9.8 = 1960 \text{ N}$
 $\therefore P = 1960 \text{ N}$

中空丸棒の作用断面積 A は、
 $A = \frac{\pi}{4} d_o^2 - \frac{\pi}{4} d_i^2 \approx 138 \text{ mm}^2$

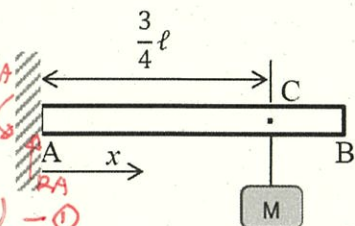
$\sigma = \frac{P}{A} = \frac{1960}{138} \approx 14.2 \text{ MPa}$

(2) 縦弾性係数 E は、フックの法則より、
 $\therefore E \approx 68 \text{ GPa}$

(問2) 図のように、全長 $l=300\text{mm}$ で一様断面 (直径 $d=10\text{mm}$) の片持ちはりの C 点に質量 $M=1.5\text{kg}$ のおもりがぶら下がっている。重力加速度 $g=9.8\text{m/s}^2$ とし良い。

問 2 (得点)

- (1) A 点に生じる反力 R_A および M_A の大きさを計算して述べなさい。(配点 10 点)
- (2) 最大曲げ応力 σ_{\max} を計算して述べなさい。(配点 20 点)
- (3) 重複積分法を用いて C 点のたわみ角 i_c を求め、その値を計算して述べなさい。はりの縦弾性係数 $E=69\text{GPa}$ とする。(配点 25 点)



(1) 質量 $M=1.5\text{kg}$ のおもり、
 集中荷重 P は、 $P = M \cdot g$
 $\therefore P = 1.5 \times 9.8 = 14.7 \text{ N}$
 (したがって $R_A = P$ のぞ)
 $\therefore R_A = 14.7 \text{ N}$
 M_A は、 $M_A = 14.7 \times \frac{3}{4} \times 300$
 $\therefore M_A \approx 3308 \text{ N}\cdot\text{mm}$

(2) 最大曲げ応力 σ_{\max} は A 点で生じ、
 $\sigma_{\max} = \frac{M_{\max}}{Z} = \frac{|M_A|}{Z}$
 断面係数 Z は、 $Z = \frac{\pi}{32} d^3 = \frac{\pi}{32} \times 10^3$
 $\therefore Z \approx 98 \text{ mm}^3$

$\sigma_{\max} = \frac{3308}{98} \approx 33.8 \text{ MPa}$

(3) AC 領域におけるたわみの基礎式は $EI \frac{d^2 y}{dx^2} = -M$ ($0 \leq x \leq \frac{3}{4}l$)
 EI ははりの曲げ剛性として、
 I は断面二次モーメントを示す。
 AC 間の曲げモーメントの式は、
 $M = -M_A + R_A x$ ②
 C 点では $x = \frac{3}{4}l$ のぞ、
 $i_c = \frac{dy}{dx} \Big|_{x=\frac{3}{4}l} (\because I = \frac{\pi}{64} d^4 \approx 491 \text{ mm}^4)$
 $= \frac{1}{69 \times 10^3 \times 491} \left\{ 3308 \times \frac{3}{4} \times 300 - \frac{1}{2} \times 14.7 \times \left(\frac{3}{4} \times 300\right)^2 \right\}$
 $\therefore i_c \approx 0.0 \text{ rad}$

①に②を代入して、
 $EI \frac{d^2 y}{dx^2} = M_A - R_A x$
 積分して、 $EI \frac{dy}{dx} = M_A x - \frac{1}{2} R_A x^2 + C_1$ ③
 (C₁ は積分定数)
 境界条件 $x=0 : \frac{dy}{dx} = 0$ ④
 ③に④を代入すると、 $C_1 = 0$