

# 令和 8 年度 専攻科前期学力選抜試験

|      |  |    |  |
|------|--|----|--|
| 受験番号 |  | 氏名 |  |
|------|--|----|--|

|     |
|-----|
| 総得点 |
|     |

## 数学(4の1)

(問1) 極限值  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{\tan x}$  を求めよ. (配点5点)

|          |
|----------|
| 問 1 (得点) |
|          |

(問2)  $y = \log |\log x|$  ( $x \neq 1$ ) を微分せよ. (配点4点)

|          |
|----------|
| 問 2 (得点) |
|          |

(問3)  $\alpha = \frac{1+i}{\sqrt{2}}$  とするとき,  $\alpha^{20}$  の実部と虚部を求めよ. (配点5点)

|          |
|----------|
| 問 3 (得点) |
|          |

(問4) べき級数  $1 - x^2 + x^4 - x^6 + \dots$  が収束する  $x$  の範囲を定め, 和を求めよ. (配点4点)

|          |
|----------|
| 問 4 (得点) |
|          |

(問5)  $z = \sqrt{4 - x^2 - y^2}$  の点  $(1, \sqrt{2}, 1)$  における接平面の方程式を求めよ. (配点7点)

|          |
|----------|
| 問 5 (得点) |
|          |

# 令和 8 年度 専攻科前期学力選抜試験

|      |  |    |  |
|------|--|----|--|
| 受験番号 |  | 氏名 |  |
|------|--|----|--|

## 数学 (4 の 2)

(問 6) 不定積分  $\int x(x^2 + e^x) dx$  を求めよ。 (配点 5 点)

|          |
|----------|
| 問 6 (得点) |
|          |

(問 7) 曲線  $y = -x^2$  と  $y = x - 2$  で囲まれる図形の面積  $S$  を求めよ。 (配点 8 点)

|          |
|----------|
| 問 7 (得点) |
|          |

(問 8)  $D$  が ( ) 内の不等式で表す領域であるとき、次の 2 重積分の値を求めよ。

(1)  $\iint_D \sin x^2 dx dy$  ( $0 \leq x \leq \sqrt{\pi}, 0 \leq y \leq x$ ) (配点 5 点)

|          |
|----------|
| 問 8 (得点) |
|          |

(2)  $\iint_D (x^2 - 4y^2) dx dy$  ( $0 \leq x + 2y \leq 1, 0 \leq x - 2y \leq 2$ ) (配点 7 点)

# 令和 8 年度 専攻科前期学力選抜試験

|      |  |    |  |
|------|--|----|--|
| 受験番号 |  | 氏名 |  |
|------|--|----|--|

## 数学 (4 の 3)

(問 9)  $y = y(t)$  について以下の問いに答えよ.

|          |
|----------|
| 問 9 (得点) |
|          |

(1) 微分方程式  $\frac{dy}{dt} = (2t-1)(y-1)$ ,  $y(0) = -1$  を満たす特殊解を求めよ. (配点 6 点)

(2) 微分方程式  $\frac{d^2y}{dt^2} - 3\frac{dy}{dt} + 2y = 4t$ ,  $y(0) = y'(0) = 0$  を満たす特殊解を求めよ. (配点 6 点)

(3) 微分方程式  $t^2\frac{d^2y}{dt^2} - 3t\frac{dy}{dt} + 3y = 0$  の一般解を求めよ. (配点 6 点)

(問 10) 微分方程式  $\frac{d^3y}{dt^3} - 4\frac{d^2y}{dt^2} + 5\frac{dy}{dt} - 2y = 6te^t$  の一般解を求めよ. (配点 7 点)

|           |
|-----------|
| 問 10 (得点) |
|           |

# 令和 8 年度 専攻科前期学力選抜試験

|      |  |    |  |
|------|--|----|--|
| 受験番号 |  | 氏名 |  |
|------|--|----|--|

## 数学(4の4)

(問1 1)  $\vec{a} = (1, k+2)$ ,  $\vec{b} = (k+1, k+5)$  が平行となるように実数  $k$  の値を定めよ. (配点 6 点)

問 1 1 (得点)

|  |
|--|
|  |
|--|

(問1 2)  $\vec{a} = (1, -2, 2)$ ,  $\vec{b} = (1, 1, -4)$  のとき,  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  の両方に直交する単位ベクトルを求めよ.  
(配点 6 点)

問 1 2 (得点)

|  |
|--|
|  |
|--|

(問1 3) 行列  $A = \begin{pmatrix} 6 & 3 & -1 \\ -2 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  について, 以下の問いに答えよ.

問 1 3 (得点)

|  |
|--|
|  |
|--|

(1)  $A$  の固有値をすべて求めよ. (配点 6 点)

(2)  $A$  の固有値に対する固有ベクトルをどれか 1 つ求めよ. ただし, どの固有値に対する固有ベクトルか分かるように書くこと. (配点 7 点)