

あま けいさん わ
余 り 計算 で 分かる

えいが あんごう
映画『サマーウォーズ』の 暗号

The magic words are squeamish ossifrage ...

オズの かんりセンターの にんしょうパスワード

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

$$64 \div 33 = 1 \text{ あまり } 31$$

$$16 \div 33 = 0 \text{ あまり } 16$$

$$64 \div 33 \Rightarrow 31$$

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

$$2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 2$$

$$2 \times 2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 4$$

$$2 \times 2 \times 2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 8$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 1 \quad 6$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 3 \quad 2$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 3 \quad 1$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \div 3 \quad 3 \Rightarrow 2 \quad 9$$

2を7つかけて $\div 3 \quad 3 \Rightarrow 2 \quad 9$

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

$$2 \text{ を } 8 \text{ つ かけて } \div 3 \ 3 \Rightarrow 2 \ 5$$

$$2 \text{ を } 9 \text{ つ かけて } \div 3 \ 3 \Rightarrow 1 \ 7$$

$$2 \text{ を } 10 \text{ こ かけて } \div 3 \ 3 \Rightarrow 1$$

$$2 \text{ を } 11 \text{ こ かけて } \div 3 \ 3 \Rightarrow 2$$

$$2 \text{ を } 12 \text{ こ かけて } \div 3 \ 3 \Rightarrow 4$$

⋮

$$2 \text{ を } 21 \text{ こ かけて } \div 3 \ 3 \Rightarrow 2$$

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

2 1 こ かけると

$$\underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{8} \div 3 \ 3 \Rightarrow 2$$

$$8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \div 3 \ 3 \Rightarrow 2$$

3 つ かけた 8 は、さらに 7 つ かければ元の 2 にもどる
8 があるとき、7 を知っている人だけが元にもどせる

アールエスエー

R S A あんごう (\Leftrightarrow 3 3 が、2 つの数 をかけた数)

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

2

こ数 3

÷ 33

⇒ 8

こ数 7

÷ 33

⇒ 2

アール エス エー あんごう
R S A 暗号

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

マーチン・ガードナー

1977年

サイエンティフィック アメリカン

(参考:日本語版の「日経サイエンス」の最近のものは本校図書館にも所蔵あり。)

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

2	? (空白→00、A→01、B→02、C→03、…、Z→26)
こ数 3	9007
÷ 33	1143816257578888676692357799761466120102182967212423625625618429357 06935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541
⇒ 8	9686961375462206147714092225435588290575999112457431987469512093081 6298225145708356931476622883989628013391990551829945157815154
こ数 7	?
÷ 33	1143816257578888676692357799761466120102182967212423625625618429357 06935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541
⇒ 2	?

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

?

こ数 3

÷ 33

⇒ 8

こ数 ?

÷ 33

⇒ ?

⇒ もし 3 3 が 3×11 だとわかると
3 と 3 と 11 で あるほうほうをつかって、
(かくちょうユークリッドのごじょほう)
すぐ 7 が計算でき、かい読

```
display2d: false;
```

```
e: 3 $
```

```
p: 3 $
```

```
q: 11 $
```

```
C: 8 $
```

```
yu(a1, a2):=block([a3],  
  while 0<a2[3] do ( a3:a1-quotient(a1[3], a2[3])*a2, a1:a2, a2:a3 ), a1[2]) $  
d:yu([1, 0, (p-1)*(q-1)], [0, 1, e]) $  
while 0>d do d:d+(p-1)*(q-1) $ "Kaisuu " ; d ;
```

```
ka(a,b,n):=block([r:1, m],  
  while 1<=b do block( [b,m]:divide(b, 2),  
    if m=1 then r:mod(r*a,n), a:mod(a^2, n) ), r) $  
"Kaidoku Kekka" ;ka(C, d, p*q) ;
```

```
(%o1) false
```

```
(%o9) "Kaisuu "
```

```
(%o10) 7
```

```
(%o12) "Kaidoku Kekka"
```

```
(%o13) 2
```

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

アトキンスらが、ネット上でよびかけて、

114381625757888676692357799761466120102182967212423625625618429357
06935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541

のもとになった2つの数

3490529510847650949147849619903898133417764638493387843990820577

と

32769132993266709549961988190834461413177642967992942539798288533

をもとめた。

(おおよそ20か国、600人、1600台のコンピュータ、8か月)
9007とこれらをつかって、かい読。1994年にはっぴょう。

e: 9007 \$

p: 3490529510847650949147849619903898133417764638493387843990820577 \$

q: 32769132993266709549961988190834461413177642967992942539798288533 \$

C: 96869613754622061477140922254355882905759991124574319874695120930816298225145708356931476622883989628013391990551829945157815154 \$

```
yu(a1, a2) := block([a3],
  while 0 < a2[3] do ( a3: a1 - quotient(a1[3], a2[3]) * a2, a1: a2, a2: a3 ), a1[2]) $
d: yu([1, 0, (p-1)*(q-1)], [0, 1, e]) $
while 0 > d do d: d + (p-1)*(q-1) $ "Kaisuu " ; d ;
```

```
ka(a, b, n) := block([r: 1, m],
  while 1 <= b do block([b, m]: divide(b, 2),
    if m=1 then r: mod(r*a, n), a: mod(a^2, n) ), r) $
"Kaidoku Kekka" ; ka(C, d, p*q) ;
```

(%o21) "Kaisuu "

(%o22)

106698614368578024442868771328920154780709906633937862801226224496631063125911774470873340168597462306553968544513277109053606095

(%o24) "Kaidoku Kekka"

(%o25) 200805001301070903002315180419000118050019172105011309190800151919090618010705

参考 富岳(ふがく)は、日本のコンピュータで、現在世界最速。

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

2	? (空白→00、A→01、B→02、C→03、…、Z→26)
回数 3	9007
÷ 33	1143816257578888676692357799761466120102182967212423625625618429357 06935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541
⇒ 8	9686961375462206147714092225435588290575999112457431987469512093081 6298225145708356931476622883989628013391990551829945157815154
回数 7	1066986143685780244428687713289201547807099066339378628012262244966 31063125911774470873340168597462306553968544513277109053606095
÷ 33	1143816257578888676692357799761466120102182967212423625625618429357 06935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541
⇒ 2	200805001301070903002315180419000118050019172105011309190800151919090618010705

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

200805001301070903002315180419000118050019172105011309190800151919090618010705

もともと、クイズでは

空白→00、A→01、B→02、C→03、D→04、E→05、

F→06、G→07、H→08、I→09、J→10、K→11、L→12、

M→13、N→14、O→15、P→16、Q→17、R→18、S→19、

T→20、U→21、V→22、W→23、X→24、Y→25、Z→26、

ということだったので

20、08、05、00、…、05 は

⇒ THE MAGIC WORDS ARE SQUEAMISH OSSIFRAGE

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

2	? (空白→00、A→01、B→02、C→03、…、Z→26)
こ数 3	9007
÷ 33	11438162575788886766923577997614661201021829672124236256256184293 5706935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541
⇒ 8	96869613754622061477140922254355882905759991124574319874695120930 816298225145708356931476622883989628013391990551829945157815154
こ数 7	?
÷ 33	11438162575788886766923577997614661201021829672124236256256184293 5706935245733897830597123563958705058989075147599290026879543541
⇒ 2	?

2056
けた

The magic words are squeamish ossifrage ...

あまり せいしつ あんごうへ クイズ か づく えいがで おまけ



2 1 こ かけると

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \div 3 \times 3 \Rightarrow 2$$



$$8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \div 3 \times 3 \Rightarrow 2$$

3 こ かけた 8 なら、7 こ かければ元の 2 にもどる
8 があるとき、7 を知っている人だけが元にもどせる

アールエスエー

R S A あんごう

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

えんざん

モジュロ演算 : あまりをもとめる計算

年、月、日 \Rightarrow よう日

日 \sim 土 \approx 0 \sim 6

2021、 1、 1 \Rightarrow 5 (→金)

こうしき

こうしき

(ツェラーの 公式、 フェアフィールドの 公式)

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

シヨア

(S h o r)

りょうし

(量子 コンピュータ)

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ



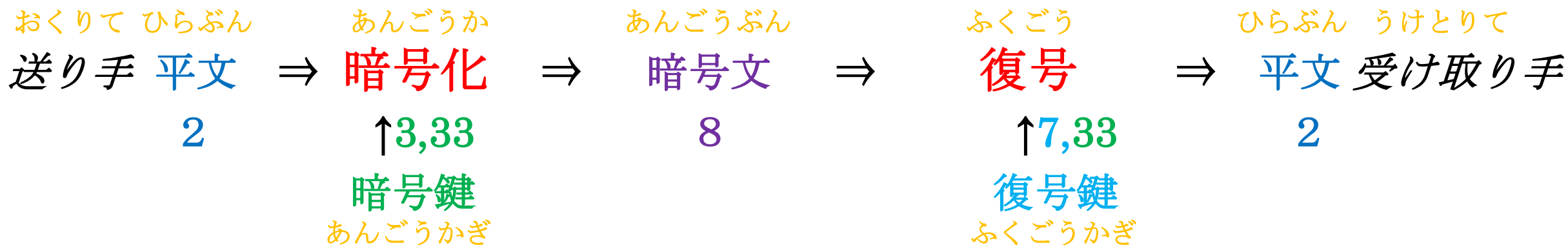
あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

S h o r

あまり せいしつ あんごうへ クイズ かいどく えいがで おまけ

$$2 \times 2 \times 2 \div 33$$

$$8 \times 8 \times 8 \times 8 \\ \times 8 \times 8 \times 8 \div 33$$



あま けいさん わ えいが あんごう
余り計算で分かる映画『サマーウォーズ』の暗号

じっさい あんごう アールエスエーあんごう
実際の暗号 (RSA暗号)、

じっさい あんごう かいどく
実際の暗号クイズと解説

あま けいさん わ
余 り 計算 で 分かる

えいが あんごう
映画『サマーウォーズ』の 暗号

参考文献

『サマーウォーズ』は

映画 細田守 原作・監督, サマーウォーズ製作委員会, 2009/8.

小説 岩井恭著, 細田守 原作, 角川書店, 2009/7.

絵コンテ アニメスタイル編集部編:サマーウォーズ絵コンテ細田守, スタイル, 2009/8.

他にも、小説やコミックスがある.

RSA暗号は

R.L. Rivest, A. Shamir, L. Adelman: “A Method for Obtaining Digital Signature and Public-key Cryptosystems,” MIT-LCS-TM-082, 1977.

暗号クイズは

Martin Gardner: “A new kind of cipher that would take millions of years to break,” Mathematical Games, Scientific American, 237(2), 120-124, 1977.

アトキンスらの解読は

D. Atkins, M. Graff, A.K. Lenstra, P. Leyland: “THE MAGIC WORDS ARE SQUEAMISH OSSIFRAGE,” Advances in Cryptology – ASIACRYPT ‘94.

参考文献

Webページは

いぶき:映画サマーウォーズの暗号を京大生が解いてみた結果,

<https://reistenza.com/entame/summer-wars.html>

HKNEET:【本気で考えてみた】サマーウォーズのパスワードの暗号の解き方2056桁の暗号は解けるのか?,

<http://win32programmer.seesaa.net/article/421790350.html>

サルにも分かるRSA 暗号,<http://www.maitou.gr.jp/rsa/rsa10.php>

以上3件の参照は2017/12

他にも、日本語で解説しているWebページは多数存在する。